

បឋមសិក្សា	មេរៀនសង្ខេប មុខវិជ្ជា : រូបវិទ្យា	ថ្នាក់ទី ១២
មេរៀនទី៣ : អូតូអាំងដុចស្យុង		

១. អំពើទៅវិញទៅមករបស់អាំងដុចស្យុង

- តាមច្បាប់ផារ៉ាដេ កម្លាំងអគ្គិសនីចលករអាំងឌ្វីកើតមានកាលណានៅក្នុងបូមីនមានបម្រែបម្រួលភ្ជួរអាំងដុចស្យុង ។
- តាមរយៈការពិសោធន៍បង្ហាញថា កម្លាំងអគ្គិសនីចលករអូតូអាំងដុចស្យុង

ក្នុងបូមីនទី២អាស្រ័យនឹងលក្ខណៈធរណីមាត្រនៃសៀគ្វីនិងសមាមាត្រនឹង

ល្បឿននៃបម្រែបម្រួលចរន្ត $\frac{\Delta I}{\Delta t}$ ក្នុងបូមីនទី១ ។

គេអាចសរសេរ ៖ $e = -M \frac{\Delta I}{\Delta t}$ ដែល M ជាអំពើទៅមករវាងអាំងដុចស្យុង ។

២. អូតូអាំងដុចស្យុង

២.១. ពិសោធន៍

ក. ពិសោធន៍ទី១ (បាតុកូតអូតូអាំងដុចស្យុងពេលគេបិទសៀគ្វី)

គេដំឡើងសៀគ្វីដូចរូប (អេស្តា R_h, r_h អំពូល L_1, L_2 បូមីន និងជនិតា)

- នៅពេលគេបិទសៀគ្វី
 - គេសង្កេតឃើញថាអំពូល L_2 ដែលតជាស៊េរីនិងបូមីនចាប់ផ្តើមភ្លឺបន្តិចម្តងៗមុននឹងផល់របបធម្មតា ។
 - ចំណែកអំពូល L_1 ភ្លឺផល់របបធម្មតាភ្លាមៗ

❖ បំណកស្រាយ

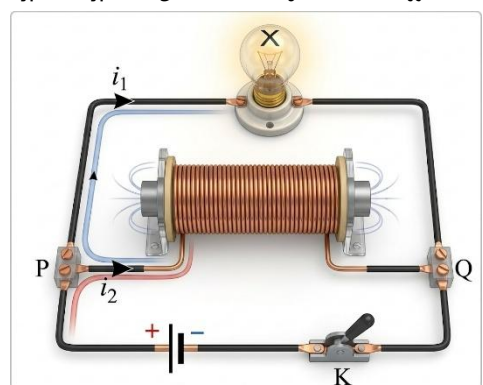
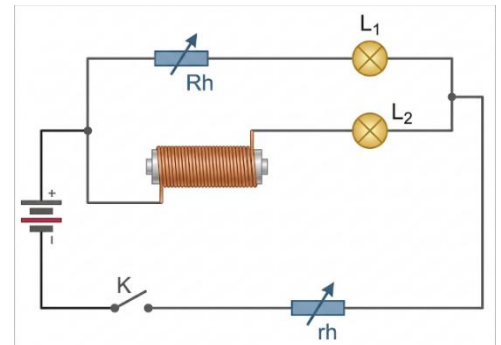
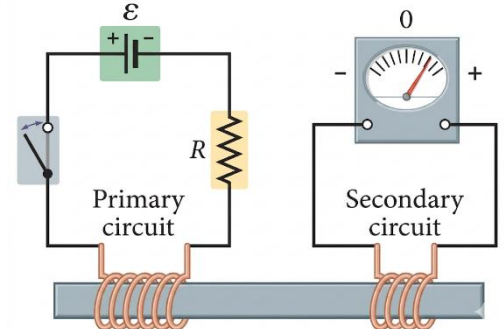
- នៅពេលគេបិទសៀគ្វីភ្លាម ចរន្តនៅក្នុងបូមីនកើនឡើងយ៉ាងរហ័ស ដែលធ្វើឱ្យបូមីនខ្លួនឯងផ្ទាល់មានបម្រែបម្រួលភ្ជួរអាំងដុចស្យុង ។
- តាមច្បាប់អាំងដុចស្យុងអេឡិចត្រូម៉ាញេទិកបង្កើតបានជាកម្លាំងអគ្គិសនីចលករអូតូអាំងដុចស្យុង ។
- តាមច្បាប់ឡឺន កម្លាំងអគ្គិសនីចលករនេះ បានផ្តល់នូវចរន្តអាំងឌ្វី i មានទិសដៅផ្ទុយពីចរន្ត i_2 ដែលឆ្លងកាត់បូមីន ។

ដូចនេះ ចរន្តដែលឆ្លងកាត់កំណាត់សៀគ្វីដែលមានបូមីននិងអំពូល L_2 មានតម្លៃតូចជាងចរន្ត i_1 ដែលឆ្លងកាត់អំពូល L_1 ជាហេតុនាំឱ្យអំពូល L_2 មិនភ្លឺតាមរបបធម្មតាដូចអំពូល L_1 ។ ប៉ុន្តែលុះក្រោយមកបន្តិចចរន្តអាំងឌ្វី $i = 0$ អំពូលទាំងពីរភ្លឺតាមរបបធម្មតាដូចគ្នាវិញ ។

ខ. ពិសោធន៍ទី 2 (បាតុកូតអូតូអាំងដុចស្យុងពេលគេបើកសៀគ្វី)

គេដំឡើងសៀគ្វីមួយដូចរូប (អំពូល , បូមីន , និងជនិតា)

- នៅពេលគេបើកសៀគ្វី



- គេសង្កេតឃើញថាអំពូលចង្រៀងអគ្គិសនីភ្លឺចិញ្ចាចក្នុងរយៈពេលខ្លីទើបរលត់ ។

❖ បំណកស្រាយ

- នៅពេលគេបើកសៀគ្វីភ្លាម ចរន្តដែលឆ្លងកាត់បូមីនថយចុះយ៉ាងរហ័ស ដែលធ្វើឱ្យក្នុងបូមីនខ្លួនឯងផ្ទាល់មានបម្រែបម្រួលភូមិអាំងឌុចស្យុង ហើយបានបង្កើតកម្លាំងអគ្គិសនីចលករអូតូអាំងឌ្វី ។ កម្លាំងអគ្គិសនីចលករនេះ បានផ្តល់នូវចរន្តអាំងឌ្វី មានទិសដៅដូចចរន្ត i_2 ឆ្លងកាត់សៀគ្វីបិទដែលមានបូមីន និងអំពូល ខ្លាំងជាងចរន្តដែលផ្តល់ដោយជនិតា ។

ដូចនេះបានជាអំពូលភ្លឺខ្លាំងមុនពេលរលត់ ។

២.២. កម្លាំងអគ្គិសនីចលករអាំងឌ្វី

- ចរន្តអាំងឌ្វីដែលកើតឡើងដោយបម្រែបម្រួលភូមិម៉ាញ៉េទិចបង្កើតឱ្យមានកម្លាំងអគ្គិសនីចលករអូតូអាំងឌ្វីដែលសមាមាត្រនឹងបម្រែបម្រួលល្បឿនចរន្ត $\frac{di}{dt}$ ៖ $e = -L \frac{di}{dt}$ ។

ដែល L ជាអាំងឌុចតង់ គិតជា ហង់រី H

$\frac{di}{dt}$ ជាបម្រែបម្រួលល្បឿនចរន្តគិតជា A/s

២.៣. ទំនាក់ទំនងរវាងអាំងឌុចតង់ និងភូមិម៉ាញ៉េទិច

- ❖ បង្ហាញពីទំនាក់ទំនងរវាងអាំងឌុចតង់ និងភូមិម៉ាញ៉េទិច

តាមរូបមន្ត ៖ $e = -L \frac{di}{dt}$

ដោយ $e = -\frac{d\Phi}{dt}$

យើងបាន ៖ $L \frac{di}{dt} = \frac{d\Phi}{dt} \Leftrightarrow L di = d\Phi$

ដោយធ្វើអាំងតេក្រាល

នោះ $\int d\Phi = \int L di$

ដូចនេះ $\Phi = Li$

- ❖ អាំងឌុចតង់នៃសូលេណូអ៊ីត

តាមរូបមន្ត $\Phi = Li$ ដែល $\Phi = BAN = \mu_o \frac{N}{L} i \times AN$

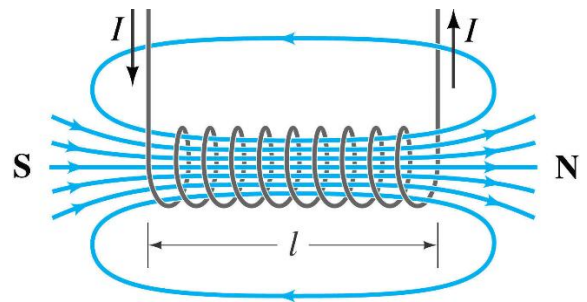
នាំឱ្យ $Li = \mu_o \frac{N}{L} i \times AN \Leftrightarrow L = \mu_o \frac{N^2}{L} A$

ដូចនេះ $L = \mu_o \frac{N^2}{L} A$

- ❖ សៀគ្វីគ្មានអាំងឌុចតង់

- បូមីនទាំងឡាយសុទ្ធតែមានអាំងឌុចតង់ផ្ទាល់របស់វា ។

- ដើម្បីបង្កើតបូមីនដែលគ្មានអាំងឌុចតង់គេត្រូវបត់ខ្សែចម្លងជាពីរមុននឹងរុំវាជាសៀគ្វីជាប់ៗគ្នា ទង្វើបែបនេះគឺមកពីសៀពីរជិតគ្នាមានចរន្តស្មើគ្នាឆ្លងកាត់មានទិសដៅផ្ទុយគ្នា ធ្វើឱ្យភូមិសរុបស្មើសូន្យនោះអាំងឌុចតង់ក៏ស្មើសូន្យដែរ ។



៣. កម្លាំងអគ្គិសនីចលករអូតូអាំងឌ្វិ

- បូមីនមួយសម្គាល់ដោយអាំងឌុចតង់ L ឆ្លងកាត់ដោយចរន្តដែលមានអាំងតង់ស៊ីតេ i ។ កាលណាចរន្តប្រែប្រួលទៅតាមពេល t នៅក្នុងបូមីនកើតមានបាតុភូតអាំងឌុចស្យុង ។
- កម្លាំងអគ្គិសនីចលករអូតូអាំងឌ្វិត្រូវបានកំណត់ដោយ៖ $e = -\frac{d\Phi}{dt} = -L \frac{di}{dt}$

៤. ថាមពលម៉ាញ៉េទិច

បើ V ជាតង់ស្យុងរវាងគោលនៃបូមីន

$$\text{យើងបាន : } P = Vi = Li \frac{di}{dt}$$

$$\text{តែ } dE_L = Pdt = Li \frac{di}{dt} dt = Lidi$$

$$\text{នាំឱ្យ } \int_0^{E_L} dE_L = \int_0^i Lidi \Leftrightarrow E_L = \frac{1}{2} Li^2$$

ដូចនេះថាមពលនៃកុងដង់សាទ័រត្រូវបានកំណត់ដោយ៖ $E_L = \frac{1}{2} Li^2$

ដែល E_L ជាថាមពលនៃកុងដង់សាទ័រ គិតជា J

៥. សៀគ្វី RL

៥.១. ទំនាក់ទំនងរវាងអាំងតង់ស៊ីតេចរន្ត និងតង់ស្យុង

បូមីនមួយមានរេស៊ីស្តង់ r និងអាំងឌុចតង់ L

$$\text{យើងបានផលបូកតង់ស្យុង } V_{AB} = V_{AC} + V_{CB} = ri + L \frac{di}{dt}$$

ដូចនេះតង់ស្យុងរវាងគោលនៃបូមីនកំណត់ដោយ $V_{AB} = ri + L \frac{di}{dt}$

- កាលណាចរន្តឆ្លងកាត់បូមីនមានតម្លៃថេរ (រូបអចិន្ត្រៃយ៍) $\frac{di}{dt} = 0$ យើងបាន $V_{AB} = ri$

ដូចនេះ តង់ស្យុងរវាងគោលនៃបូមីនគឺ $V_{AB} = ri$

❖ សមីការឌីផេរ៉ង់ស្យែល

- នៅខណៈ $t = 0$ (ពេលបិទសៀគ្វី) អាំងតង់ស៊ីតេចរន្ត i ក្នុងសៀគ្វីស្មើសូន្យ
- នៅខណៈ $t > 0$

$$\text{យើងបាន } V_{AM} = V_{AB} + V_{BM}$$

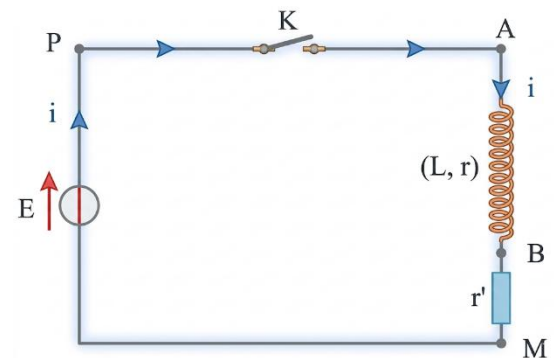
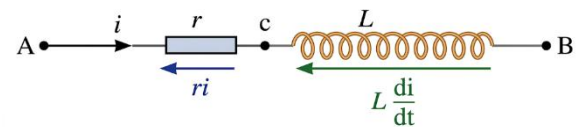
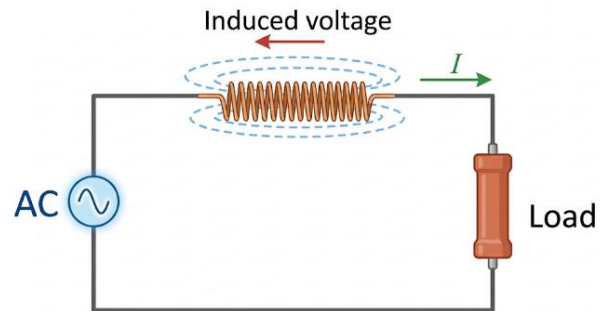
$$E = ri + L \frac{di}{dt} + r'i$$

$$E = (r + r')i + L \frac{di}{dt}$$

យើងតាង $r + r' = R$ ជារេស៊ីស្តង់សមមូលនៃឌីប្លុល RL

$$E = Ri + L \frac{di}{dt} \Leftrightarrow E - Ri = L \frac{di}{dt}$$

$$\text{នាំឱ្យ } \frac{dt}{L} = \frac{di}{E - Ri}$$



ដោយធ្វើអាំងតេក្រាលលើអង្គទាំងពីរយើងបាន

$$\int_0^t \frac{dt}{L} = \int_0^i \frac{di}{E - Ri}$$

$$\frac{1}{L} \int_0^t dt = -\frac{1}{R} \int_0^i \frac{(E - Ri)' di}{E - Ri}$$

$$\frac{1}{L} [t]_0^t = -\frac{1}{R} [\ln(E - Ri)]_0^i$$

$$\frac{1}{L} (t - 0) = -\frac{1}{R} (\ln(E - Ri) - \ln E)$$

$$-\frac{R}{L} t = \ln \frac{(E - Ri)}{E} = \ln(1 - \frac{R}{E} i)$$

$$-\frac{t}{\tau} = \ln(1 - \frac{R}{E} i)$$

$$\ln e^{-\frac{t}{\tau}} = \ln(1 - \frac{R}{E} i)$$

$$e^{-\frac{t}{\tau}} = 1 - \frac{R}{E} i \Leftrightarrow i = \frac{E}{R} (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

ដូចនេះ: $i = \frac{E}{R} (1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) = I_p (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$

ដែល $I_p = \frac{E}{R}$ ជាចរន្តអតិបរមាគិតជា (A) , $\tau = \frac{L}{R}$ ជាថេរពេលគិតជា (s)

❖ ករណីក្នុងតាក់ត្រូវបានចំហ

យើងបាន $V_{AB} + V_{BM} = 0$

$$ri + L \frac{di}{dt} + r'i = 0$$

$$Ri + L \frac{di}{dt} = 0$$

$$\frac{di}{dt} = -\frac{R}{L} i \Leftrightarrow \frac{di}{i} = -\frac{R}{L} dt$$

ដោយធ្វើអាំងតេក្រាលលើអង្គទាំងពីរ

យើងបាន $\int_{I_p}^i \frac{di}{i} = -\frac{R}{L} \int_0^t dt \Leftrightarrow [\ln i]_{I_p}^i = -\frac{R}{L} [t]_0^t$

$$\ln i - \ln I_p = -\frac{t}{\tau} \Leftrightarrow \ln \frac{i}{I_p} = \ln e^{-\frac{t}{\tau}}$$

នាំឱ្យ $i = I_p e^{-\frac{t}{\tau}}$

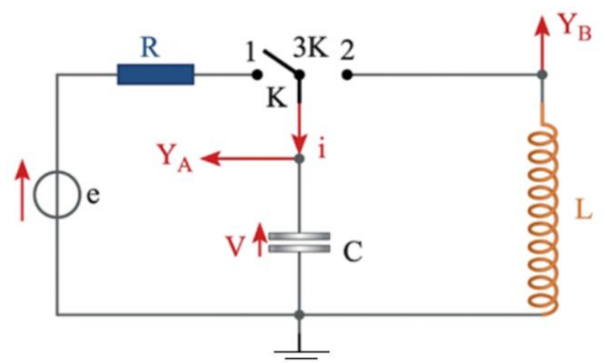
ដូចនេះ: $i = I_p e^{-\frac{t}{\tau}}$

៦. សៀគ្វី LC

៦.១. ការតម្លើងសៀគ្វី

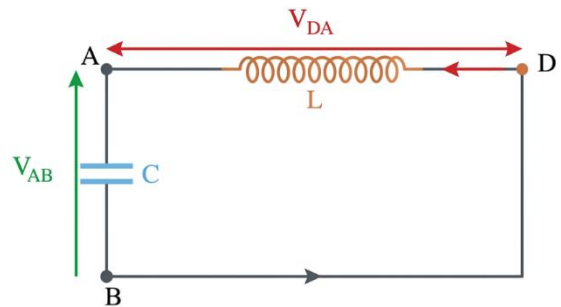
គេប្រើសៀគ្វីមួយដូចរូប

- នៅពេលកាត់កុងតាក់ K ទៅទីតាំង 1 កុងដង់សាទ័រជាអ្នកផ្ទុកថាមពល ។
- ពេលគេកាត់កុងតាក់ K ទៅទីតាំង 2 កុងដង់សាទ័រផ្ទេរថាមពលទៅឱ្យបូមីន ។ បន្ទាប់មកបូមីនក៏ផ្ទេរថាមពលទៅឱ្យកុងដង់សាទ័រវិញ ។



៦.២. បណ្ណារថាមពល

- ថាមពលរបស់កុងដង់សាទ័រ ៖ $E_C = \frac{1}{2} CV^2$
- ថាមពលរបស់បូមីន ៖ $E_L = \frac{1}{2} Li^2$
- យើងបានថាមពលនៃឌីប៊ុល LC ៖ $E_{LC} = \frac{1}{2} CV^2 + \frac{1}{2} Li^2$



៦.៣. ច្បាប់បម្រែបម្រួលតាមពេលនៃសៀគ្វីលំយោល (LC)

ក. សមីការឌីផេរ៉ង់ស្យែលនៃតង់ស្យុងរវាងគោលនៃកុងដង់សាទ័រ

តាមផលបូកតង់ស្យុង ៖ $V_{AB} + V_{BD} + V_{DA} = 0$

តែ $V_{AB} = V_C$, $V_{BD} = 0$, $V_{DA} = V_L = L \frac{di}{dt}$

នាំឱ្យ $V_C + L \frac{di}{dt} = 0$ (1)

ដែល $i = \frac{dq}{dt} = c \frac{dV_C}{dt}$

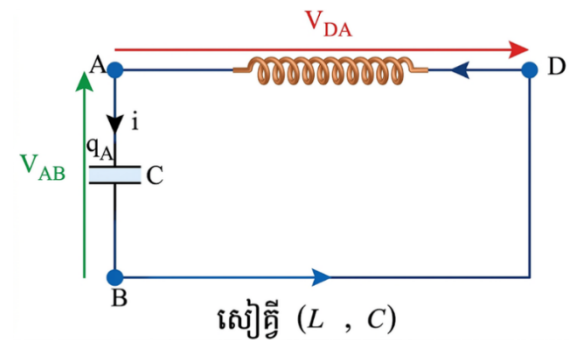
តាមសមីការ (1)

នាំឱ្យ $V_C + LC \frac{d^2V_C}{dt^2} = 0 \Leftrightarrow \ddot{V}_C + \frac{1}{LC} V_C = 0$

ដូចនេះ $\ddot{V}_C + \frac{1}{LC} V_C = 0$ ជាសមីការឌីផេរ៉ង់ស្យែលនៃតង់ស្យុងរវាងគោលនៃកុងដង់សាទ័រ

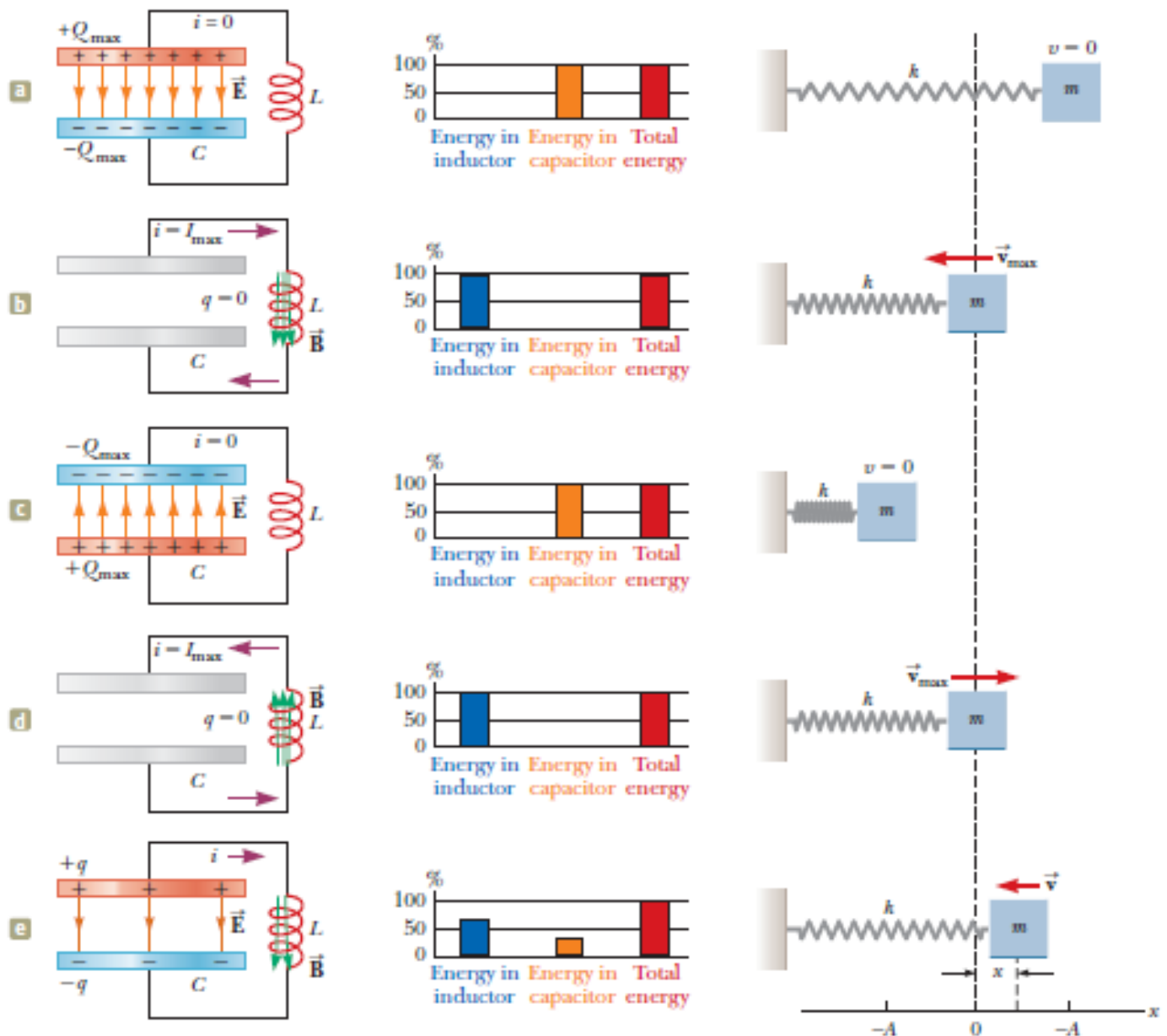
នឹងមានចម្លើយ $V_C(t) = V_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} t + \varphi_0\right)$ ជាមួយនឹង $T_0 = 2\pi\sqrt{LC}$

ដែល T_0 ជាខួបផ្ទាល់នៃលំយោលគិតជា s



ខ. លំយោលនៃសៀគ្វី LC

- នៅពេលដែលកុងដង់សាទ័រផ្ទុកថាមពលពេញវាបានផ្ទេរថាមពលទៅឱ្យបូមីន ($q_C = 0 \Rightarrow E_{Lm}$) ។
- បន្ទាប់មកនៅពេលដែលបូមីនផ្ទុកថាមពលពេញ វាបានផ្ទេរថាមពលមកឱ្យកុងដង់សាទ័រវិញ ($i = 0 \Rightarrow E_{Cm}$) ។
- ❖ បាតុភូតនៃបណ្ណារថាមពលបង្កើតឱ្យមានលំយោលអគ្គិសនីកើតមានឡើងដែលជាលំយោលថេរ ។



៦.៤. ថាមពលនៃសៀគ្វី (LC)

- ករណីសៀស្តង់ដារអាចចោលបាននោះនឹងមានបាតុភូតបណ្តូរថាមពលកើតឡើងលំយោលអគ្គិសនីជាលំយោលថេរ ។

យើងបាន ៖ $E_{LC} = \frac{1}{2}CV^2 + \frac{1}{2}Li^2 = E_{Lm} = E_{Cm} = \text{ថេរ}$

ដូចនេះ $E_{LC} = E_{Lm} = E_{Cm} = \frac{1}{2}CV^2 + \frac{1}{2}Li^2 = \frac{1}{2}LI_m^2 = \frac{1}{2}CV_m^2 = \text{ថេរ}$